



RESOLUÇÃO DE PROBLEMAS: UMA PROPOSTA PARA O ENSINO DE FUNÇÃO DO 1º GRAU

Helenara Machado de Souza¹

Fabício Soares²

Cátia Maria Nering³

Educação Matemática no Ensino Médio

Resumo: O presente trabalho foi pensado a partir da leitura de estudos já realizados por outros pesquisadores, sobre as contribuições da Metodologia de Resolução de Problemas para a compreensão de conceitos inerentes ao estudo da função do primeiro grau, e descreve uma proposta de minicurso, direcionada para alunos do curso de licenciatura em matemática, professores do ensino médio e demais interessados, tendo por objetivo principal apresentar para este público atividades que visam desde a definição de função do 1º grau, trabalhando a representação gráfica, identificação da raiz e do intercepto, chegando ao estudo dos sinais deste tipo de função, a partir da Metodologia de Resolução de Problemas, segundo Polya. Como fundamentação teórica, utilizou-se os Parâmetros Curriculares Nacionais (PCN), as Orientações Curriculares Nacionais para o Ensino Médio, bem como conceitos definidos pelos teóricos Onuchic, Alevatto e Dante. Ainda que as atividades serão realizadas utilizando folha quadriculada e régua, será demonstrado aos participantes como a realização de algumas destas atividades com o auxílio do GeoGebra. A partir da proposta aqui descrita, espera-se que cada participante sinta-se motivado, e ao mesmo tempo desafiado, a realizar tais atividades, podendo adaptá-las, caso ache necessário, na expectativa de poder vivenciar as contribuições desta metodologia, para o ensino, não apenas de função do 1º grau, mas de conceitos matemáticos em geral.

Palavras Chaves: Resolução de problemas. Ensino. Função do 1º grau.

Contexto e Justificativa

Vários estudos, como a dissertação realizada por Ricardo dos Santos de Azevedo, sob a orientação do professor Eduardo Wagner, no Programa de Mestrado Profissional em Matemática em Rede Nacional (PROFMAT) do IMPA, intitulada “Resolução de Problemas no Ensino de Função Afim”, apontam as contribuições proporcionadas a compreensão de conceitos relacionados a função afim.

A partir deste fato é que se estruturou este minicurso, como uma proposta para formação de professores, alunos de licenciatura em matemática e público em geral, descrevendo atividades que visam desde a definição de função do 1º grau,

¹ Mestre. Universidade estadual do Rio Grande do Sula - Uergs. helenara25@gmail.com

² Mestre. Universidade estadual do Rio Grande do Sula - Uergs. soares.fabricio12@gmail.com

³ Doutor. Universidade Regional do Noroeste do Estado do Rio Grande do Sul – UNIJUÍ . catia@unijui.edu.br

trabalhando a representação gráfica e chegando ao estudo dos sinais deste tipo de função.

Função do 1º grau

O ensino de função do 1º grau é um conteúdo indicado para ser abordado no primeiro ano do ensino médio, pelos documentos oficiais que norteiam o currículo na educação básica no Brasil, como os Parâmetros Curriculares Nacionais - PNC – e, mais recentemente, pela Orientações Curriculares para o Ensino Médio - OCEM.

Segundo os PCN,

O estudo das funções permite ao aluno adquirir a linguagem algébrica como a linguagem das ciências, necessária para expressar a relação entre grandezas e modelar situações-problema, construindo modelos descritivos de fenômenos e permitindo várias conexões dentro e fora da própria matemática. Assim, a ênfase do estudo das diferentes funções deve estar no conceito de função e em suas propriedades em relação às operações, na interpretação de seus gráficos e nas aplicações dessas funções (BRASIL 2000, p.121).

E, ainda, o ensino de funções deve levar o aluno a “compreender o conceito de função, associando-o a exemplos da vida cotidiana (BRASIL 2000, p.123)”, o que também consta nas OCEM,

Ao final do ensino médio, espera-se que os alunos saibam usar a Matemática para resolver problemas práticos do cotidiano; para modelar fenômenos em outras áreas do conhecimento; compreendam que a Matemática é uma ciência com características próprias, que se organiza via teoremas e demonstrações; percebam a Matemática como um conhecimento social e historicamente construído; saibam apreciar a importância da Matemática no desenvolvimento científico e tecnológico (BRASIL 2006, p.69).

Neste sentido, é que acredita-se que as atividades aqui propostas representam um exemplo de aplicabilidade dos conceitos relativos a função do primeiro grau em situações problemas que se aproximam do cotidiano do aluno.

Metodologia de Resolução de Problemas

A metodologia de resolução de problemas teve origem nos anos 80, do século XX, nos Estados Unidos, com o *National Council of Teachers of Mathematics* (NCTM), onde ficou definido que, segundo Onuchic e Alevatto (2009, p.140),

A primeira recomendação desse documento foi “resolução de problemas deve ser o foco da matemática escolar nos anos 80”. Nesse mesmo ano, a fim de enfatizar a necessidade de fortalecer o trabalho com resolução de problemas no ensino de Matemática, o NCTM lança um Livro do Ano

intitulado *Resolução de Problemas na Matemática Escolar*, com uma vasta gama de artigos escritos por pesquisadores e educadores renomados que se dedicavam e desenvolviam estudos voltados à Resolução de Problemas.

Esta metodologia sugere que a introdução de um conceito deve ser realizada a partir de um problema. Mas o que seria um problema? Segundo Dante (1998, p. 10), um problema “é qualquer situação que exija a maneira matemática de pensar e conhecimentos específicos para solucioná-la.” Já Allevato (2005, p.41) afirma que um problema representa “uma questão será um problema se o aluno ainda não conhece os meios necessários à resolução, mas está interessado em resolvê-la”.

As atividades aqui propostas serão desenvolvidas a partir das etapas da metodologia de resolução de problemas segundo Polya (1994, p. 3 e 4):

primeiro temos que compreender o problema, temos de perceber claramente o que é necessário. Segundo, temos de ver como os diversos itens estão inter-relacionados, como a incógnita está ligada aos dados, para termos a ideia da resolução, para estabelecermos um plano. Terceiro, executamos o nosso plano. Quarto, fazemos um retrospecto da resolução completa, revendo-a e discutindo-a.

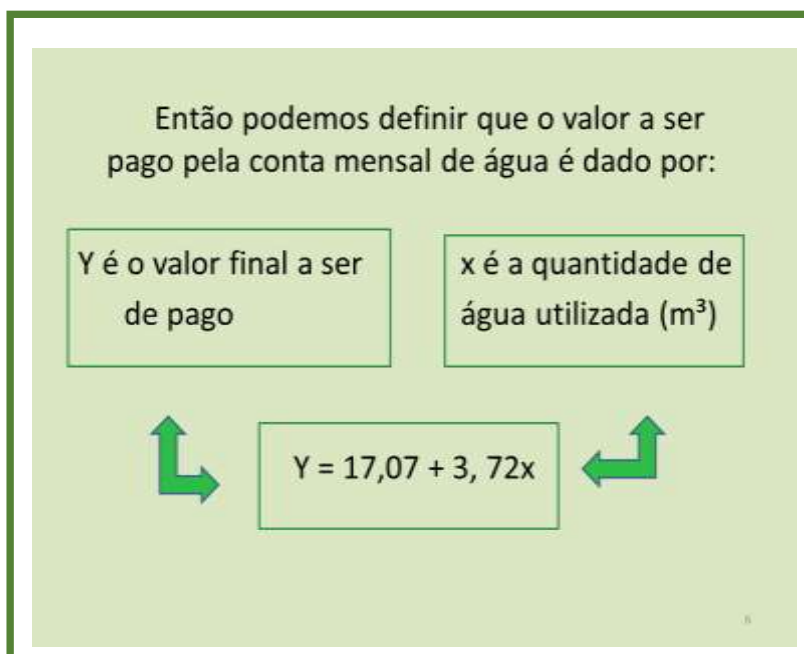
As atividades terão início com a leitura do problema para o grande grupo, posteriormente realizar-se-á uma discussão sobre as soluções possíveis, chegando ao consenso de uma solução ideal.

Atividades para o minicurso

1ª Atividade: Definição de função do primeiro grau

O valor a ser pago pelo consumo mensal de água é calculado por meio de um valor fixo, chamado tarifa de serviço básico, somado ao valor a ser pago por cada metro cúbico (m^3) de água consumido neste período. Atualmente é cobrado pela Companhia Riograndense de Saneamento, CORSAN, R\$ 17,07 como tarifa de serviço básico e R\$ 3,72 por m^3 de água consumido. Com base na situação apresentada, responda:

Figura 01: Definição da Função Consumo de água



Fonte: Própria

- a) Qual o valor a ser pago quando o consumo mensal de água em uma residência foi de 25m³?

Figura 02: Função Consumo de água em reais

Com base na situação apresentada, responda:

a) Qual o valor a ser pago quando o consumo mensal de água em uma residência foi de 25m³?

$x = 25$

$Y = 17,07 + 3,72x$

$Y = 17,07 + 3,72 \cdot (25) = 17,07 + 93 = 110,07$

O valor a ser pago é de R\$ 110,07.

Fonte: Própria

- b) Quantos metros cúbicos de água foram consumidos por uma empresa em que o valor de sua conta de água foi de R\$ 463,47?

Figura 03: Função Consumo de água m³

b) Quantos metros cúbicos de água foram consumidos por uma empresa em que o valor de sua conta de água foi de R\$ 463,47?

$$Y = 463,67 \quad \longrightarrow \quad Y = 17,07 + 3,72x$$
$$463,67 = 17,07 + 3,72x$$
$$3,72x = 463,67 - 17,07$$
$$3,72x = 446,4$$
$$x = 446,4 / 3,72$$
$$x = 120$$

Foram consumidos 120m³ de água.

Fonte: Própria

- c) Qual o valor a ser pago pela conta de água de uma residência em que não ocorreu o consumo de água, pois estava desocupada?

Figura 04: Taxa de disponibilidade de serviço

c) Qual o valor a ser pago pela conta de água de uma residência em que não ocorreu o consumo de água, pois estava desocupada?

$$x = 0 \quad \longrightarrow \quad Y = 17,07 + 3,72x$$
$$y = 17,07 + 3,72 \cdot (0)$$
$$y = 17,07 + 0$$
$$y = 17,07$$

Fonte: Própria

2ª Atividade: Representação gráfica de função do primeiro grau

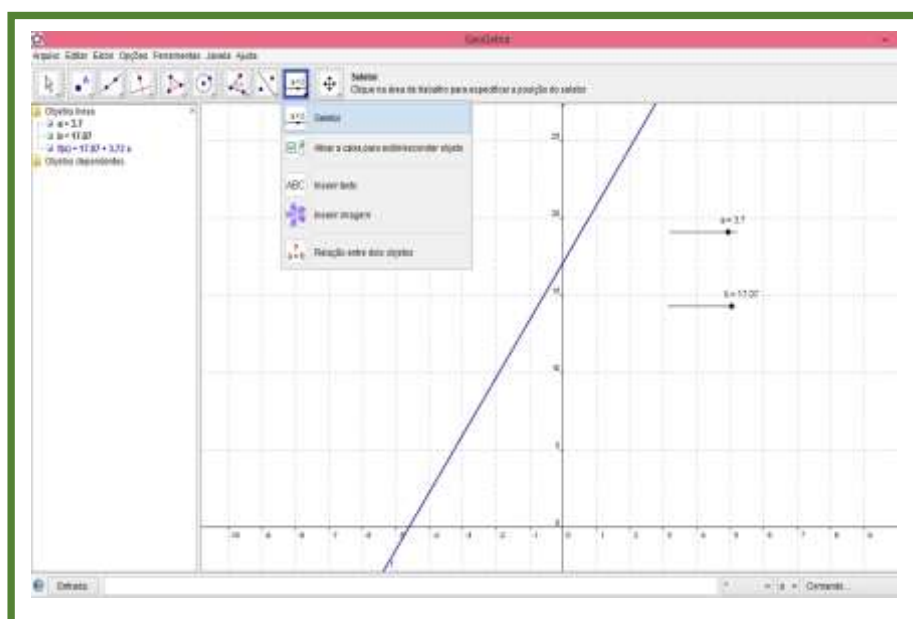
Eduardo precisava representar graficamente uma função do tipo $f(x) = ax + b$, considerando duas situações:

- I) $a = 3$ e $b = -5$
- II) $a = -2$ e $b = 1$

O que você conclui após ter realizado a tarefa proposta inicialmente para Eduardo?

Esta atividade será realizada com auxílio do software de Geometria Dinâmica GeoGebra, por meio dos controles deslizantes.

Figura 05: Representação gráfica de função do primeiro grau



Fonte: Própria

3ª Atividade: Estudos dos sinais de uma função do 1º grau

Ana fez um empréstimo em um banco, que somado com todas as taxas e correções, resultou no valor total a ser pago de R\$ 6000,00. Ela pretende quitar essa dívida por meio de prestações mensais de R\$ 2000,00.

Solução:

Sendo assim, a função que descreve essa situação é:

$$f(x) = -6000 + 2000x \quad \text{ou} \quad f(x) = 2000x - 6000$$

Em que x é referente ao nº de meses após a realização da contratação deste empréstimo.

E $f(x)$ se refere a situação de Ana perante esse banco.

Para quitar essa dívida ela realizará 6 depósitos mensais no valor de R\$ 2000,00, conforme o que descreve a seguinte tabela:

x	$f(x) = 2000x - 6000$	y
0	$2000 \cdot (0) - 6000$	-6000
1	$2000 \cdot (1) - 6000$	-4000
2	$2000 \cdot (2) - 6000$	-2000
3	$2000 \cdot (3) - 6000$	0
4	$2000 \cdot (4) - 6000$	2000
5	$2000 \cdot (5) - 6000$	4000
6	$2000 \cdot (6) - 6000$	6000

a) O que os valores das três primeiras linhas da tabela indicam?

Indicam o período e os valores em que Ana ainda estará o devendo o empréstimo.

x	$f(x) = 2000x - 6000$	y
0	$2000 \cdot (0) - 6000$	-6000
1	$2000 \cdot (1) - 6000$	-4000
2	$2000 \cdot (2) - 6000$	-2000
3	$2000 \cdot (3) - 6000$	0
4	$2000 \cdot (4) - 6000$	2000
5	$2000 \cdot (5) - 6000$	4000
6	$2000 \cdot (6) - 6000$	6000

b) O que indicam os valores da 4ª linha desta tabela?

x	$f(x) = 2000x - 6000$	y
0	$2000 \cdot (0) - 6000$	-6000
1	$2000 \cdot (1) - 6000$	-4000
2	$2000 \cdot (2) - 6000$	-2000
3	$2000 \cdot (3) - 6000$	0
4	$2000 \cdot (4) - 6000$	2000
5	$2000 \cdot (5) - 6000$	4000
6	$2000 \cdot (6) - 6000$	6000

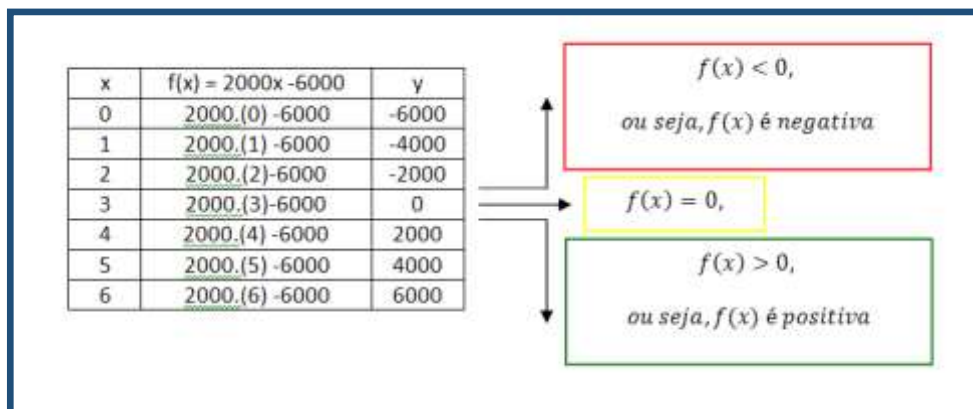
Indicam o momento em que Ana terá quitado o empréstimo.

- c) O que podemos dizer com relação aos valores apresentados nas três últimas linhas desta tabela?

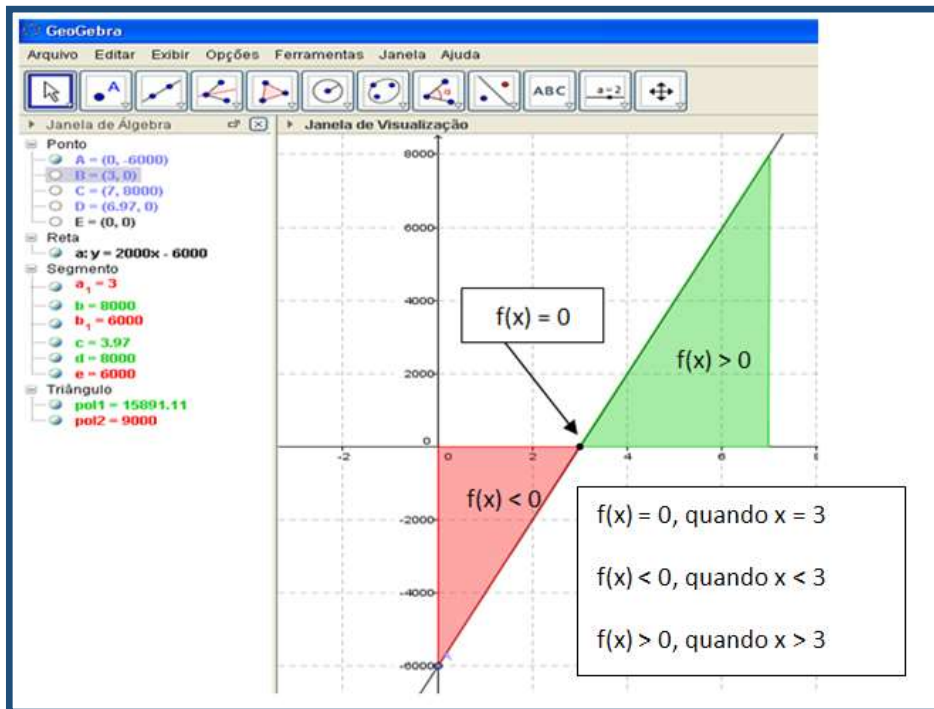
x	$f(x) = 2000x - 6000$	y
0	$2000 \cdot (0) - 6000$	-6000
1	$2000 \cdot (1) - 6000$	-4000
2	$2000 \cdot (2) - 6000$	-2000
3	$2000 \cdot (3) - 6000$	0
4	$2000 \cdot (4) - 6000$	2000
5	$2000 \cdot (5) - 6000$	4000
6	$2000 \cdot (6) - 6000$	6000

Que Ana passou a ter uma reserva de dinheiro, ao invés de ter uma conta para pagar.

Por meio da tabela anterior, podemos realizar o estudo dos sinais da função descrita por essa situação:



O que graficamente teremos representado por:



4ª Atividade: O saldo da conta de Pedro em um banco é atualmente de R\$ 2000,00. Sabendo que será descontado desta conta R\$ 500,00 por mês, valor referente ao pagamento de um empréstimo, nos próximos 7 meses, descreva a função e a tabela que representam esta situação:

$$f(x) = -500x + 2000$$

x	$f(x) = -500x + 2000$	y
0	$-500(0) + 2000$	+2000
1	$-500(1) + 2000$	+1500
2	$-500(2) + 2000$	+1000
3	$-500(3) + 2000$	+500
4	$-500(4) + 2000$	0
5	$-500(5) + 2000$	-500
6	$-500(6) + 2000$	-1000
7	$-500(7) + 2000$	-1500

a) O que os valores das quatro primeiras linhas desta tabela indicam?

x	$f(x) = -500x + 2000$	y
0	$-500(0) + 2000$	+2000
1	$-500(1) + 2000$	+1500
2	$-500(2) + 2000$	+1000
3	$-500(3) + 2000$	+500
4	$-500(4) + 2000$	0
5	$-500(5) + 2000$	-500
6	$-500(6) + 2000$	-1000
7	$-500(7) + 2000$	-1500

Indicam o período em que o saldo da conta de Pedro será positivo.

b) O que significa $y = 0$, nessa situação?

x	$f(x) = -500x + 2000$	y
0	$-500(0) + 2000$	+2000
1	$-500(1) + 2000$	+1500
2	$-500(2) + 2000$	+1000
3	$-500(3) + 2000$	+500
4	$-500(4) + 2000$	0
5	$-500(5) + 2000$	-500
6	$-500(6) + 2000$	-1000
7	$-500(7) + 2000$	-1500

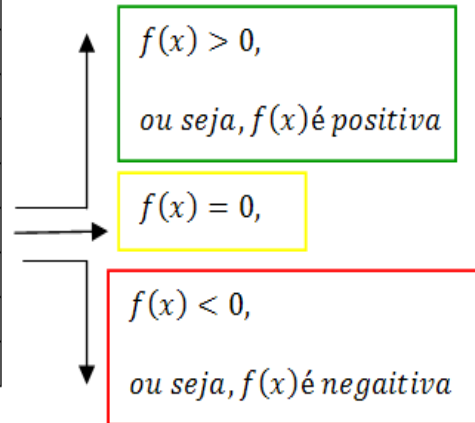
Significa que, após ter ser realizado o 4º desconto, a conta de Pedro ficará com saldo igual a zero.

c) O que ocorrerá após serem realizados cada um dos três últimos descontos?

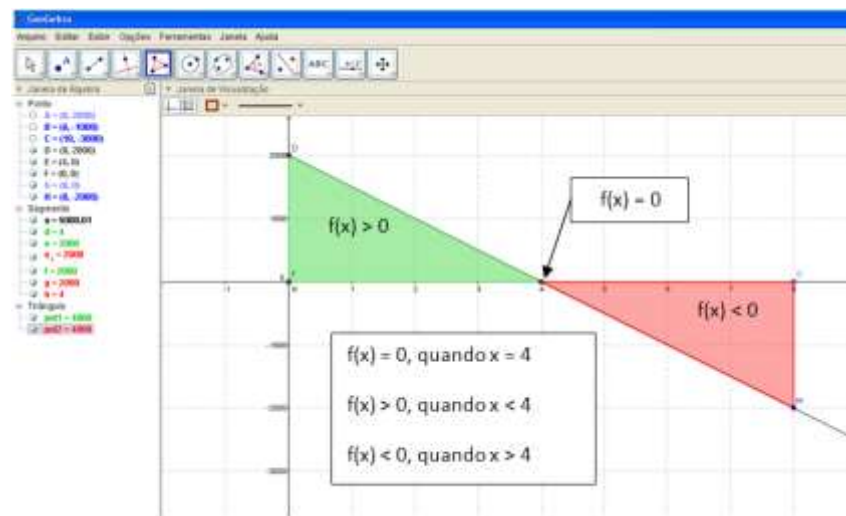
x	$f(x) = -500x + 2000$	y
0	$-500(0) + 2000$	+2000
1	$-500(1) + 2000$	+1500
2	$-500(2) + 2000$	+1000
3	$-500(3) + 2000$	+500
4	$-500(4) + 2000$	0
5	$-500(5) + 2000$	-500
6	$-500(6) + 2000$	-1000
7	$-500(7) + 2000$	-1500

Que o saldo da conta de Pedro será negativo.

x	$f(x) = -500x + 2000$	y
0	$-500(0) + 2000$	+2000
1	$-500(1) + 2000$	+1500
2	$-500(2) + 2000$	+1000
3	$-500(3) + 2000$	+500
4	$-500(4) + 2000$	0
5	$-500(5) + 2000$	-500
6	$-500(6) + 2000$	-1000
7	$-500(7) + 2000$	-1500



O que graficamente pode ser representado por:



5ª Atividade: O preço a ser pago por uma corrida de táxi inclui uma parcela fixa, denominada bandeirada, e uma parcela que depende da distância percorrida. Se a bandeirada custa R\$ 4,00 e cada quilômetro rodado custa R\$ 0,80, determine:

a) a função que descreve esta situação:

$$Y = 4 + 0,80x$$

Parte variável

Parte fixa

b) o preço de uma corrida de 10 km.

$$X = 10 \quad Y = 4 + 0,80x$$

$$Y = 4 + 0,80 \cdot (10)$$

$$Y = 4 + 8 = 12$$

Logo, o valor a ser pago por esta corrida é de R\$ 12,00.

c) a distância percorrida por um passageiro que pagou R\$ 20,00 pela corrida.

$$Y = 20 \quad Y = 4 + 0,80x$$

$$20 = 4 + 0,80x$$

$$0,80x = 20 - 4$$

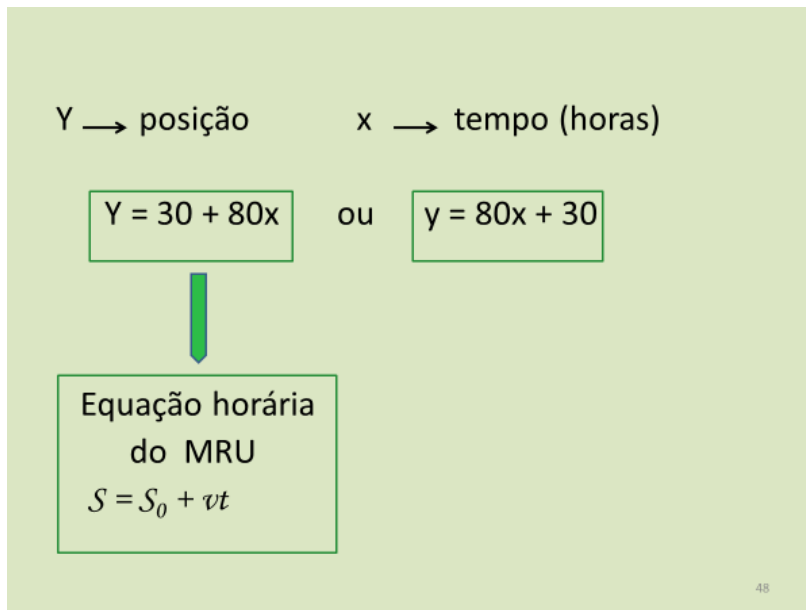
$$0,80x = 16$$

$$x = 16/0,80$$

$$x = 20$$

Portanto a distância percorrida foi de 20 quilômetros.

6ª Atividade: Lúcio mora no quilômetro 30 de uma rodovia e trabalha em uma empresa de laticínio situada no quilômetro situada no quilometro 150 desta mesma rodovia. Sabendo que a velocidade máxima permitida nesta rodovia é de 80 km/h, descreva a equação que determina a posição de Lúcio em função do tempo:



a) Qual a localização de Lúcio 15 minutos após ter saído de sua casa?

$x = 15\text{min}$, que é igual a $\frac{1}{4}$ de hora

$$y = 80x + 30$$

$$y = 80 \cdot (\frac{1}{4}) + 30$$

$$y = 20 + 30 = 50$$

Logo, 15 minutos após ter saído de sua casa Lúcio estará no quilômetro 50 desta rodovia.

b) Se Lúcio seguir a velocidade máxima permitida por esta rodovia, em quantas horas ele chegará ao seu local de trabalho?

$$Y = 150 \qquad y = 80x + 30$$

$$150 = 80x + 30$$

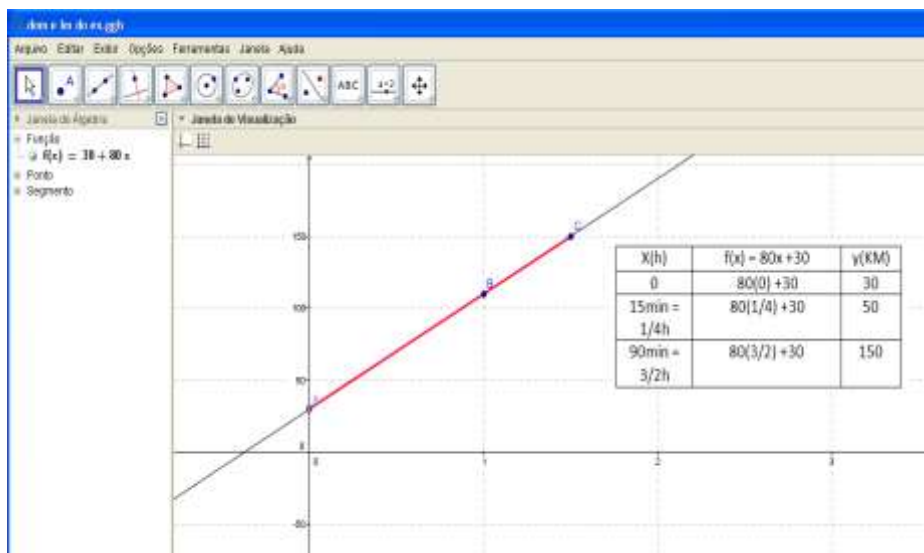
$$80x = 150 - 30$$

$$80x = 120$$

$$X = 120 / 80 = 1,5$$

Lúcio chegará ao seu local de trabalho, 1 hora e meia (90 minutos) após ter saído de sua casa.

- c) Construa um gráfico com as informações dadas nessa questão e identifique o Domínio e o conjunto Imagem?



Considerações Finais

Apesar dos conceitos inerentes a função do primeiro grau configurar entre os conteúdos mínimos a serem ensinados no primeiro ano do ensino médio, segundo os documentos oficiais que definem o currículo – PCN e OCEM, e também ser frequentemente discutido no meio acadêmico as metodologias que visam facilitar a compreensão deste conteúdo, alguns livros didáticos ainda trazem uma proposta tradicional como abordagem para este tema.

A partir da proposta aqui descrita, espera-se que cada participante sinta-se motivado, e ao mesmo tempo desafiado, a realizar tais atividades, podendo adaptá-las, caso ache necessário, na expectativa de poder vivenciar as contribuições desta metodologia, para o ensino, não apenas de função do 1º grau, mas de conceitos matemáticos em geral.

Referências

ALLEVATO, N. S. G. **Associando o computador à resolução de problemas fechados: Análise de uma experiência.** 378 f. 2005. Tese (Doutorado em Educação

Matemática) – Instituto de Geociências e Ciências Exatas, Universidade Estadual Paulista, Campus de Rio Claro, S.P. 2005.

ALLEVATO, N.S.G.; ONUCHIC, L.R. **Ensinando Matemática na sala de aula através da resolução de problemas.** Boletim GEPEM, n. 55, pp. 133-154, 2009.

BRASIL. Ministério da Educação. Secretaria da Educação Básica. **Orientações curriculares para o ensino médio: ciências da natureza, matemática e suas tecnologias.** Brasília, 2006.

BRASIL. Secretaria de Educação Média e Tecnológica: **Parâmetros Curriculares Nacionais para o Ensino Médio. Ciências da Natureza, Matemática e suas Tecnologias.** Brasília: MEC, SEMTEC, 2000.

DANTE, L.R. **Didática da Resolução de Problemas de Matemática.** 2ªed. São Paulo: Ática, 1998.

POLYA, G. **A arte de resolver problemas: um novo enfoque do método matemático.** Rio de Janeiro: Interciência, 1994.